

**Согласован:**

Директор ГБОУ СОШ пос. Сокский

\_\_\_\_\_ Л.И. Аникина

« \_\_\_\_\_ » \_\_\_\_\_ 2016

## **ПЛАН-КОНСПЕКТ УРОКА**

**Тема урока: «Трапеция и ее свойства»**

**Дата проведения:** 13 января 2016 года

**Ф.И.О:** Яковлева Нина Васильевна

**Место проведения:** ГБОУ СОШ пос. Сокский м.р. Исаклинский Самарской области

**Уровень:** школьный

**Предмет, класс:** геометрия, 9 класс

**Тема урока:** «Трапеция и ее свойства».

**Учебник:** Геометрия. 7-9 класс: Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений А.В. Погарелов, М.:2013

## Цели урока:

- формировать умения оперативно принимать решения в условиях дефицита времени, развивать гибкость, экономичность мышления;
- организовать повторение и объединить большой объем теории в одну укрупненную единицу;
- показать многообразие и красоту математических решений, создать ситуацию успеха, радости от самостоятельного преодоления трудностей.

**Формы организации учебной деятельности:** парная и групповая.

---

## Ход урока

### Организационный момент

Ученикам необходимо прослушать следующие высказывания и выяснить, о какой фигуре пойдет речь на уроке, свой ответ надо обосновать:

- фигура представляет собой выпуклый многоугольник;
- сумма ее внутренних углов равна  $360^\circ$ ;
- существует сторона такая, что сумма внутренних углов, прилежащих к ней, равна  $180^\circ$ ;
- данная фигура хорошо разбивается на параллелограмм и треугольник.

После обсуждения учитель прикрепляет на доску магнитом «королеву урока» — трапецию.

### Работа в парах по повторению теории

Ученики в течение 5—7 минут отвечают в парах на вопросы, которые появляются на экране. Хорошо, если пары учащихся будут разноуровневыми, тогда один из учеников является консультантом и помогает вспомнить нужный материал товарищу в случае затруднения.

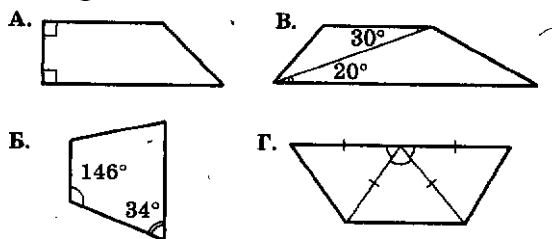
### Вопросы

- Дайте определение трапеции.
- Перечислите виды и свойства трапеции.
- Как разбить трапецию на параллелограмм и треугольник?
- Что нужно провести в трапеции, чтобы получить подобные треугольники?
- Как разбить трапецию на два прямоугольных треугольника и прямоугольник?
- Дайте определение средней линии трапеции, перечислите ее свойства.
- Как найти площадь трапеции?

### Подготовка к выполнению группового задания

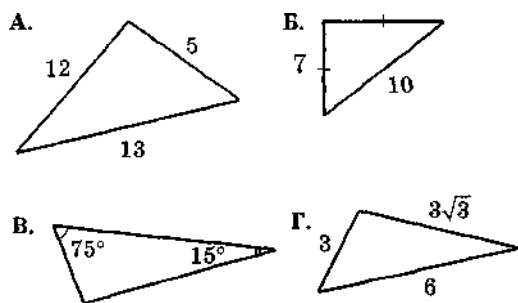
Учитель предлагает ребятам записать в тетрадях ответы на задания устного теста, который затем проверяется самопроверкой.

1. Выберите трапеции.



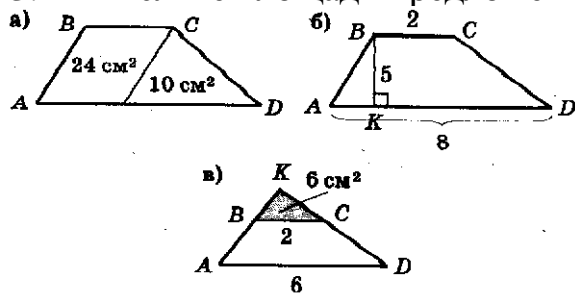
Ответ: А, Б, Г.

2. Выберите прямоугольные треугольники.



Ответ: А, В, Г.

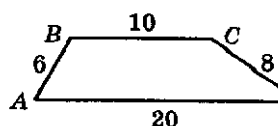
3. Вычислите площади предложенных трапеций.



Ответ: а)  $34 \text{ см}^2$ ; б)  $25 \text{ см}^2$ ; в)  $12 \text{ см}^2$ .

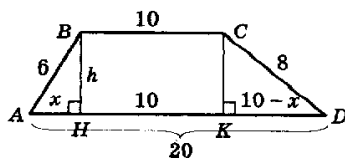
### Групповая работа

Ученикам предлагается решить задачу: Найти площадь трапеции с основаниями 10 см и 20 см и боковыми сторонами 6 см и 8 см.



Класс предварительно делится на четыре группы, одинаковые по силам. Каждой группе дается время на поиск и обсуждение способов решения задачи. Учитель выступает в качестве консультанта, если нужно, направляет и корректирует процесс ее решения. Каждая группа выбирает одно из решений и оформляет его в тетради. У доски демонстрируются планы решения задачи представителями групп.

Решение. Способ I. 1. Проведем  $BH \perp AD$  и  $CK \perp AD$ , тогда четырехугольник  $HBCK$  — прямоугольник.



2. Пусть  $AH = x$  см, тогда  $KD = (10-x)$  см. Используя теорему Пифагора, выразим высоту  $h$  из треугольников  $ABH$  и  $CKD$ :  
 $h^2 = 6^2 - x^2$ ,  $h^2 = 8^2 - (10-x)^2$ .

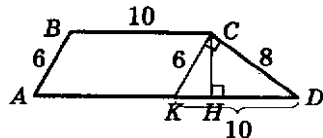
Составляя и решая уравнение, получим, что  $h = 4,8$  см.

3. Тогда

$$S = \frac{BC + AD}{2} \cdot h = \frac{10 + 20}{2} \cdot 4,8 = 72 \text{ см}^2.$$

Способ II. 1. Проведем  $CH \perp AD$  и  $CK \parallel AB$ , тогда  $ABCK$  — параллелограмм. Следовательно,

$$AK = BC = 10 \text{ см и } AB = KC = 6 \text{ см. } 10$$



2. Рассмотрим треугольник  $KCD$ . в котором

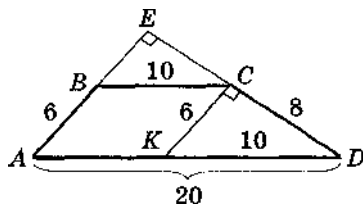
$KC = 6$  см,  $CD = 8$  см.  $KD = 10$  см. Так как  $KD^2 = KC^2 + CD^2$ , то по теореме, обратной теореме Пифагора, треугольник  $KCD$  — прямоугольный.

3. Можно найти высоту по формуле:

$$CH = \frac{CK \cdot CD}{KD} = \frac{6 \cdot 8}{10} = 4,8 \text{ см.}$$

4. Площадь трапеции находим так же, как и в первом способе решения.

Способ III. 1. Продолжим  $AB$  до пересечения с  $CD$  в точке  $E$ , проведем  $CK \parallel AB$ .



2. Устанавливаем, что  $ABCK$  — параллелограмм и треугольник  $KCD$  — прямоугольный.

3. Треугольники  $AED$  и  $KCD$  подобны по первому признаку ( $\angle D$  — общий,  $\angle KCD = \angle AED$  по свойству параллельных прямых), коэффициент подобия  $k = 2$ , так как  $k = \frac{AD}{KD}$

4. Отсюда  $AE = KC \cdot k = 12$  см,  $DE = DC \cdot k = 16$  см.

5. Так как треугольники  $AED$  и  $KCD$  — прямоугольные, то

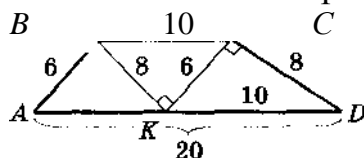
$$S_{AED} = \frac{AE \cdot ED}{2} = \frac{12 \cdot 16}{2} = 96 \text{ см}^2,$$

$$S_{KCD} = \frac{KC \cdot CD}{2} = \frac{6 \cdot 8}{2} = 24 \text{ см}^2.$$

Площадь треугольника  $AED$  можно было найти через отношение площадей подобных треугольников:  $S_{AED} = 4 \cdot S_{KCD}$ . Теперь можно найти площадь трапеции:

$$S = S_{AED} - S_{KCD} = 96 - 24 = 72 \text{ см}^2.$$

Способ IV. 1. Проведем  $CK \parallel AB$  и соединим точки  $K$  и  $B$  отрезком.



2. Нетрудно доказать, что треугольники  $ABK$ ,  $BCK$ ,  $KCD$  равные и прямоугольные.

$$3. S = 3 \cdot S_{BKC} = 3 \cdot \frac{6 \cdot 8}{2} = 72 \text{ см}^2.$$

После анализа всех решений приходим к выводу, что самым рациональным и оригинальным является четвертый способ, а наиболее естественным и привычным — первый.

### Исследование задачи при изменении фигуры

После обсуждения способов решения ребятам предлагаются задания на изменение фигуры. Можно предложить ответить на вопросы исследовательского характера:

1. Всегда ли трапецию можно разбить на три равных треугольника?

Выясняется, что это можно сделать, только если одно основание в два раза больше другого.

2. Может ли трапеция быть составлена из трех равных треугольников другого вида?

Трапецию можно составить из трех правильных треугольников, равнобедренных и произвольных треугольников.

3. Сохранятся ли способы решения в этих случаях? Какие способы будут наиболее рациональными?

Перед учащимися встает новая проблема: нужно проанализировать способы решения по измененному чертежу, а также вспомнить формулы для вычисления площади правильного и произвольного треугольников. Для правильного треугольника используется формула

$$S = \frac{a^2 \cdot \sqrt{3}}{4},$$

для произвольного треугольника — формула Герона:

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)},$$

$$p = \frac{a+b+c}{2}.$$

Имеет смысл предложить ребятам для упрощения вычислений длины сторон взять равными 13, 14 и 15 см, чтобы за технической стороной не потерялась идея решения.

После исследования задачи на изменение фигуры, можно предложить изменить длины оснований трапеции так, чтобы они не отличались друг от друга в два раза. Тогда очевидно, что трапецию невозможно разбить на три равных треугольника. И наш «красивый» способ решения использовать невозможно.

В качестве *домашней работы* можно предложить следующие задачи.

1. Найдите площадь трапеции, у которой параллельные стороны имеют длины 25 см и 11 см, а непараллельные — 13 см и 15 см.

2. Составьте трапецию из трех равнобедренных треугольников, выберите самостоятельно длины сторон и вычислите площадь трапеции.

### Итог урока

При подведении итогов урока следует сделать акцент на всем объеме

материала, который был использован на уроке. Можно предложить ребятам перечислить основные теоремы, которые применялись при решении задач.